PERBANDINGAN PERAMALAN UNIVARIAT DAN MULTIVARIAT ARIMA PADA INDEKS HARGA SAHAM GABUNGAN

Dwi Ayu Lusia¹, Awalludiyah Ambarwati²

^{1,2} Program Studi Sistem Informasi, Fakultas Ilmu Komputer, Universitas Narotama, Surabaya Alamat e-mail : dwi.ayu@narotama.ac.id

ABSTRAK

Saham merupakan salah satu investasi dengan keuntungan melebihi inflasi di Indonesia. Harga saham tercermin pada Indek Harga Saham Gabungan (IHSG). Peramalan multivariat IHSG merupakan salah satu cara yang konsisten dibandingkan dengan analisis fundamental dan teknikal. Salah satu metode yang dapat digunakan untuk peramalan multivariat adalah Vector Autoregrassive Integreted Moving Average (VARIMA). Metode tersebut merupakan pengembangan dari univariat ARIMA (Autoregressive Integrated Moving Average). Penelitian ini bertujuan membandingkan hasil secara multivariat dan univariat berdasarkan nilai RMSE (Root Mean Square Error) pada data training serta testing. Selain RMSE, penelitian ini juga melihat apakah ramalan high merupakan ramalan maksimum dibandingkan open, low, close. Begitupula untuk low. Terdapat dua model secara univariat yaitu ARI (Autoregressive Integrated) dan IMA (Integrated Moving Average). Sedangkan model multivariat yang terbentuk ialah VARIMA(3,1,0) yang berdasarkan CCF (Cross Correlation Function) dan PCCF (Partial Cross Correlation Function)) serta VARIMA([1,3],1,0) berdasarkan lag pada ARIMA. Model VARIMA(3,1,0) merupakan model terbaik berdasarkan RMSE testing dan ketepatan high maupun low.

Kata kunci: Univariat, Multivariat, Peramalan, Saham

PENDAHULUAN

Saham merupakan salah satu jenis investasi, jangka pendek dan jangka menjanjikan. panjang, yang cukup menginvestasikan Masyarakat dapat uangnya dalam bentuk saham dengan rata-rata keuntungan saham maksimal per bulan sebesar 8.558% dan risiko sebesar 4.222% [1]. Tentunya dalam keputusan menjual dan membeli diperlukan sebuah analisa. Analisa yang sering digunakan ialah analisis fundamental dan analisis teknikal. Analisis fundamental memiliki prinsip harga saham berhubungan dengan karakteristik keuangan suatu perusahaan [2]. Perusahaan yang tercatat pada Bursa Efek Indonesia (BEI) memiliki kewajiban untuk menyerahkan laporan keuangan perusahaan secara triwulan dan tahunan BEI. Sedangkan pergerakan harga saham adalah harian, sehingga laporan keuangan perusahaan tidak dapat mencerminkan data harian harga saham.

Selain itu, analisis teknikal juga kurang sesuai untuk mengambilan keputusan jual maupun beli. Karena analisis teknikal berdasarkan psikologi masyarakat yang tercermin pada harga saham harian [3]. Kemudian harga saham tersebut membentuk suatu pola yang digunakan untuk membuat keputusan. Sedangkan pola tersebut dapat berbeda-

beda tergantung dengan pengalaman investor.

Oleh karena penelitian ini meramalkan data harian saham sehingga tidak akan perbedaan pendapat dalam pengambilan kesimpulan. Sebagai perwakilan saham ialah Indek Harga Saham Gabungan (IHSG). **Terdapat** beberapa metode peramalan IHSG seperti fungsi transfer [4], **ARIMA** (Autoregressive Integrated *Moving* **WEMA** Average) [5], (Weigted Moving **Exponential** Average) Jaringan Syaraf Tiruan backpropagation [7] dan Fuzzy Time Series [8]. Akan tetapi kedua metode tidak menggunakan data yang membentuk pola harga (data open, high, low, dan close).

Metode klasik yang dapat meramalkan data harian saham adalah ARIMA. Akan tetapi enelitian ini menggunakan data yang membentuk pola harga yaitu data open, high, low, dan close saham sehingga menggunakan multivariat dari vaitu ARIMA **VARIMA** (Vector Autoregrassive Integreted Moving Average). Keempat data tersebut akan diramalkan secara univariat multivariat. Kemudian dibandingkan ketepatan pemodelannya menggunakan RMSE (Root Mean Square Error) pada data training dan testing. Serta ketepatan akurasi peramalan high dan low sebagai maksimal dan minimal dari keempat variabel.

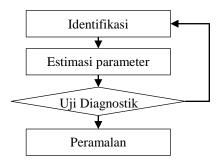
Autoregressive Integrated Moving Average (ARIMA) termasuk dalam peramalan univariat dengan bentuk linier. Sedangkan Vector Autoregressive Integrated Moving Average (VARIMA) adalah perkembangan ARIMA untuk peramalan multivariat. Secara umum, model ARIMA(p, d, q)(P, D, Q)^S dapat ditulis seperti berikut.

$$\begin{aligned} \phi_p(B) \Phi_P(B^S) (1-B)^d (1-B^S)^D y_t &= \theta_0 + \theta_q(B) \Theta_Q(B^S) y_t \end{aligned} (1)$$

p ialah orde dari autoregressive, d ialah orde dari differencing, dan q adalah orde

dari *moving average*. Ketiga orde tersebut ditulis dengan huruf besar menunjukkan bahwa orde dari musiman dengan skala S. Sedangkan $\phi_p(B) = 1 - \phi_1 B - \phi_2 B^2 - \dots - \phi_p B^p$. Hal tersebut juga berlaku untuk $\Phi_P(B^S)$, $\theta_q(B)$, dan $\Theta_Q(B^S)$. Operator B merupakan skala waktu, contoh $(\phi_1 B) y_t$ akan sama dengan $\phi_1 y_{t-1}$. Persamaan 1 juga dapat diaplikasikan pada VARIMA dengan setiap order dan variabel berupa vektor.

Terdapat empat langkah untuk ARIMA dan VARIMA yaitu identifikasi, estimasi parameter, uji diagnostik dan peramalan [9]–[12]. Keempat langkah tersebut dapat digambarkan pada Gb 1.



Gambar 1. Langkah-langkah ARIMA dan VARIMA

Tahap identifikasi meliputi penentuan menggunakan θ_0 , melihat kestasioneran data, dan menentukan orde pada model. Penentuan orde pada **ARIMA** berdasarkan **ACF** (Autocorrelation Function) dan **PACF** (Partial Autocorrelation Function). Sedangkan pada VARIMA berdasarkan CCF (Cross Correlation Function) dan PCCF (Partial Cross Correlation Function). Tahap kedua ialah estimasi parameter. ARIMA dan VARIMA biasanya menggunakan Ordinary Least Square atau Maximum likelihood. Setelah parameter diestimasi, akan dilakukan pengujian signifikansi parameter. Tahap berikutnya adalah uji dignostik vang meliputi uji residual white noise dan berdistribusi normal. Setelah terpenuhi setiap tahap, akan dilakukan peramalan.

METODE PENELITIAN

Sumber Data dan Variabel Penelitian

Penelitian ini menggunakan data IHSG harian dari tahun 2000 sampai 2016 (sebanyak 4106 data *training*) dan tahun 2017 (sebanyak 239 data *testing*). Data penelitian diperoleh melalui *website* http://finance.yahoo.com/q/hp?s=%5JKS E+Historical+Price.

Metode Analisis

Metode yang digunakan adalah ARIMA dan VARIMA. Kedua metode akan dibandingkan nilai RMSE (Root Mean Square Error) pada data training maupun testing. Penelitian ini menggunakan conditional least square untuk estimasi parameter ARIMA dan VARIMA

HASIL PENELITIAN

Sebelum dilakukan peramalan menggunakan ARIMA dan VARIMA, data IHSG dapat disajikan pada Gambar 2.



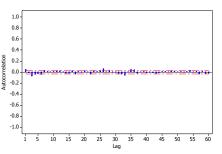
Gambar 2. Candlestick Plot untuk IHSG

Berdasarkan Gambar 2, dapat diketahui bahwa data open, high, low, dan close dari IHSG semakin naik. Dengan kata lain, data IHSG tidak stasioner dalam rata-rata (baik untuk univariat maupun multivariat). Sehingga diperlukan differencing lag untuk menstasionerkan. Selain itu, data IHSG menunjukkan adanya musiman. Berikut ini merupakan analisis univariat ARIMA dan mulityariat ARIMA (disebut dengan VARIMA) untuk peramalan IHSG.

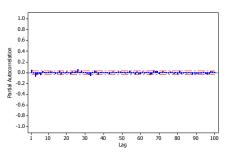
Univariat ARIMA

Analisis pertama pada penelitian adalah univariat ARIMA, dimana dilakukan peramalan harga open, high, low, dan close IHSG secara individu. Terdapat 4 langkah dalam analisis ARIMA berdasarkan Box-Jenkins yaitu identifikasi, estimasi parameter, cek diagnostik, dan peramalan.

Opening IHSG merupakan data pertama yang akan dianalisis ARIMA. Tahap pertama ialah melakukan identifikasi. Berdasarkan Gambar 2, data opening IHSG tidak stasioner sehingga diperlukan differencing lag 1. Selain itu, penelitian ini juga menggunakan θ_0 . Kemudian data yang telah di-differencing lag 1 digunakan untuk membuat ACF dan PACF seperti berikut.



Gambar 3. ACF dari *Opening* IHSG *Differencing* Lag 1



Gambar 4. PACF dari *Opening* IHSG *Differencing* Lag 1

Berdasarkan Gambar 3, dapat diketahui bahwa lag yang keluar batas meliputi 1, 3, 4, 6, 26, 33, 35, 36, dan 54.

Akan tetapi penelitian ini menggunakan lima lag ACF yang paling tinggi keluar batas yaitu 1, 3, 26, 33, dan 35. Sedangkan Gambar 4 menunjukkan bahwa 5 lag PACF yang paling tinggi keluar batas ialah 1, 3, 26, 33, dan 65. Sehingga model yang memungkinkan adalah ARIMA([1,3,26,33,65], 1,0) dan ARIMA(0, 1, [1,3,26,33,35]). Model pertama ARIMA([1,3,26,33,65], 1,0) diestimasi mengguna-kan *conditional least square* seperti yang ditampilkan pada Tabel 1

Tabel 1. Estimasi Parameter ARIMA([1,3,26,33,65], 1.0)

Parameter	Estimasi	P-value	Kesimpulan		
θ_0	1.13	0.0278	Signifikan		
ϕ_1	0.05	0.0022	Signifikan		
ϕ_3	-0.07	< 0.001	Signifikan		
ϕ_{26}	0.07	< 0.001	Signifikan		
ϕ_{33}	-0.06	0.0002	Signifikan		
ϕ_{65}	-0.04	0.0201	Signifikan		

erdasarkan Tabel 1, dapat diketahui bahwa semua parameter ARIMA([1,3,26,33,65], 1,0) telah signifikan. Sehingga model ARIMA tersebut dapat ditulis seperti berikut (2):

$$(1 + 0.05B^{1} - 0.07B^{3} + 0.07B^{26} - 0.06B^{33} - 0.04B^{65})(1 - B)y_{t} = 1.13 + a_{t}$$
(2)

Tahap berikutnya adalah uji diagnostik. Berdasarkan nilai p-value autocorrelation check of residuals bernilai kurang dari 0.05 sehingga residual tidak white noise. Sedangkan uji diagnostik kedua adalah residual berdistribusi normal. Uji tersebut Kolmogorov-smirnov menggunakan sebesar 0.13449 dan p-value < 0.01 sehingga dapat disimpulkan bahwa residual tidak berdistribusi normal.

Model ARIMA(0, 1, [1,3,26,33,35]) untuk data *open* dilakukan pengujian yang menyerupai dengan ARIMA([1,3,26,33,65], 1,0). Model ARIMA(0, 1, [1,3,26,33,35])

menghasilkan parameter yang signifikan, residual tidak white noise, akan tetapi residual tidak berdistribusi normal.

Data High tidak stasioner (berdasarkan Gambar 2) sehingga perlu di-differencing lag 1. Data yang telah stasioner dibuat ACF (5 lag yang keluar batas meliputi 1, 11, 26, 33, dan 59) dan PACF (5 lag yang keluar batas meliputi 1, 2, 11, 33, dan 59). Sehingga terdapat 2 kemungkinan model untuk data high yaitu ARIMA([1,2,11,33,59], 1, 0) dan ARIMA(0, 1, [1,11,26,33,59]). Kedua model ARIMA untuk data high memiliki parameter yang signifikan (termasuk konstanta), residual tidak white noise dan residual tidak berdistribusi normal.

ketiga adalah low IHSG. Data Berdasarkan Gambar 2, low IHSG tidak stasioner sehingga memerlukan differencing lag 1. Data yang stasioner memiliki lag ACF keluar batas meliputi 1, 3, 4, 35, dan 36. Sedangkan lag PACF keluar batas meliputi 1, 2, 3, 35, dan 65. Sehingga kemungkinan model low IHSG adalah ARIMA([1,2,3,35,65], 1, 0) dan 1, [1,3,4,35,36]). Kedua ARIMA(0,model ARIMA untuk data high memiliki parameter yang signifikan (kecuali konstanta), residual tidak white noise dan residual tidak berdistribusi normal.

Sedangkan kemungkinan model ARIMA untuk data close IHSG adalah ARIMA([1,3,6,26,67], 1, ARIMA(0,1, [1,3,6,26,35]). model tersebut berdasarkan Gambar 2 (menggunakan differencing lag 1), lag ACF (meliputi 1, 3, 6, 26, dan 35), serta lag PACF (meliputi 1, 3, 6, 26, dan 67). Kedua model ARIMA untuk close IHSG memiliki parameter yang signifikan (termasuk konstanta), residual tidak white noise dan residual tidak berdistribusi normal.

VARIMA

VARIMA merupakan pengembangan ARIMA untuk data multivariat. Langkahlangkah pada VARIMA hampir sama dengan ARIMA yaitu identifikasi, estimasi parameter, uji diagnostik dan peramalan. Berdasarkan Gambar 2, dapat diketahui bahwa data *open, high, low,* dan *close* IHSG tidak stasioner sehingga

dapat diestimasi dengan conditional least square. Model VARIMA(3,1,0) terdapat beberapa parameter yang tidak signifikan. Sehingga parameter tersebut dikeluarkan dari model dan diestimasi

$$\begin{bmatrix} -0.70 \ JCI_{t-3}^{open} - 0.37 \ JCI_{t-1}^{open} - 0.07 \ JCI_{t-3}^{open} + 0.97 \ JCI_{t-3}^{close} + 0.62 \ JCI_{t-1}^{close} + 0.30 \ JCI_{t-3}^{close} + 0.30 \ JCI_{t-3}^{close} \\ -0.07 \ JCI_{t-3}^{open} - 0.72 \ JCI_{t-1}^{high} - 0.46 \ JCI_{t-2}^{log} - 0.22 \ JCI_{t-3}^{high} + 0.84 \ JCI_{t-3}^{close} + 0.54 \ JCI_{t-2}^{close} + 0.25 \ JCI_{t-3}^{close} + 0.22 \ JCI_{t-3}^{close} \\ -0.07 \ JCI_{t-1}^{high} - 0.68 \ JCI_{t-1}^{low} - 0.42 \ JCI_{t-2}^{low} - 0.22 \ JCI_{t-3}^{low} + 0.94 \ JCI_{t-3}^{close} + 0.55 \ JCI_{t-2}^{close} + 0.22 \ JCI_{t-3}^{close} \\ -0.03 \ JCI_{t-3}^{open} + 0.07 \ JCI_{t-3}^{close} - 0.08 \ JCI_{t-3}^{close} - 0.08 \ JCI_{t-3}^{close} \end{bmatrix} (\mathbf{1} - \mathbf{B})^{\mathbf{1}} \begin{bmatrix} JCI_{t}^{open} \\ JCI_{t}^{low} \\ JCI_{t}^{low} \\ JCI_{t}^{low} \\ JCI_{t}^{low} \end{bmatrix} = \mathbf{a}_{t} \quad (3)$$

$$\begin{bmatrix} -0.15 \, JCI_{t-1}^{open} - 0.07 \, JCI_{t-1}^{high} + 0.91 \, JCI_{t-1}^{close} \\ 0.17 \, JCI_{t-1}^{open} - 0.52 \, JCI_{t-1}^{high} + 0.71 \, JCI_{t-1}^{close} - 0.04 \, JCI_{t-3}^{close} \\ 0.15 \, JCI_{t-1}^{open} - 0.02 \, JCI_{t-3}^{open} - 0.10 \, JCI_{t-1}^{high} - 0.47 \, JCI_{t-1}^{lose} + 0.78 \, JCI_{t-1}^{close} - 0.08 \, JCI_{t-3}^{close} \end{bmatrix} \\ (1 - B)^{1} \begin{bmatrix} JCI_{t}^{open} \\ JCI_{t}^{high} \\ JCI_{t}^{low} \\ JCI_{t}^{low} \\ JCI_{t}^{close} \end{bmatrix} = a_{t}$$

$$(4)$$

perlu di-differencing lag 1. Data yang telah stasioner digunakan untuk membuat CCF dan PCCF seperti Gb. 5 dan Gb. 6 berikut.



Gambar 5. CCF data *Open, High, Low, Close* IHSG

Variable/ Lag		2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17
Open High Low Close	::	::	+	+ +	++	+		;+ +	+	::	 ++	++	::::	+ .+-+	:+	 ++	::::
			+ is	> 2*s	td en	ror,	- is	< -2	*std	error	, .	is be	tween				

Gambar 6. PCCF data *Open, High, Low, Close* IHSG

Nilai lag yang digunakan sebagai model VARIMA berdasarkan CCF dan PCCF adalah jumlah (+) atau (-) minimal 3 pada setiap variabel. Berdasarkan Gambar 5 dapat diketahui bahwa lag 1 memiliki jumlah (-) sebanyak 4 untuk setiap open, high, low, dan close. Sehingga lag 1 dimasukkan dalam model VARIMA. Selain lag 1, lag yang digunakan ialah 3, 35, 176, dan 221. Dengan menggunakan prinsip yang sama seperti CCF, lag PCCF yang masuk dalam model VARIMA meliputi lag 1, 2, 3. Sehingga terdapat dan dua kemungkinan model VARIMA yaitu VARIMA(3, 1, 0) dan VARIMA(0,1,[1,3,35,176,221]). Akan tetapi model VARIMA(0,1, [1,3,35,176,221]) tidak ulang sampai dengan semua parameter signifikan. Berdasarakan parameter yang signifikan tersebut, dapat ditulis model VARIMA(3,1,0) seperti pada persamaan 3.

Sama seperti model ARIMA, tahap berikutnya adalah tahap uji diagnostik. Model VARIMA(3,1,0) tidak multivariat white noise dan tidak berdistribusi multivariat normal. Karena p-value yang dihasilkan sebesar < 0.001 dimana kurang dari 0.05..

Selain menggunakan CCF dan PCCF, penelitian ini juga menggunakan hasil univariat ARIMA sebagai dasar pemodelan VARIMA. Berdasarkan model ARIMA data *open, high, low,* dan *close* IHSG dengan minimal lag yang signifikan berada pada 3 data. Sehingga kemungkinan model VARIMA adalah VARIMA([1,3],1,0) dan VARIMA(0,1,[1,3,26,35]).

Model VARIMA([1,3],1,0) terdapat beberapa parameter vang tidak signifikan. Sehingga parameter tersebut dikeluarkan dari model dan diestimasi ulang sampai dengan semua parameter signifikan. Berdasarakan parameter yang signifikan tersebut, dapat ditulis model VARIMA([1,3],1,0) seperti persamaan 4. Selain itu, model tersebut juga tidak memenuhi uji diagnostik (tidak multivariat white noise berdistribusi multivariat normal).

Perbandingan ARIMA dan VARIMA

Model ARIMA dan VARIMA yang telah signifikan, dibandingkan nilai RMSE dan ketepatan peramalan high serta low. Kedua perbandingan tersebut dilakukan secara multivariate. Model univariat setiap data open, high, low, dan close dikelompokkan menjadi dua yaitu model univariat ARI dan univariat IMA. Univariat ARI diperoleh dengan hasil dengan peramalan open model ARIMA([1,3,26,33,65], 1,0), peramalan *high* ARIMA([1,2,11,33,59], peramalan low ARIMA([1,2,3,35,65], 1, peramalan 0), dan ARIMA([1,3,6,26,67], 1, 0). Begitu pula dengan model univariat IMA. Sedangkan multivariat yang diperoleh penelitian ini meliputi VARIMA(3, 1, 0) dan VARIMA([1,3],1,0).

Nilai RMSE data *training* dan *testing* untuk keempat model dapat ditabelkan pada Tb. 2 berikut.

Tb. 2. RMSE Data Training dan Testing

Model	Training	Testing
Univariat ARI	2484.34	4749.64
Univariat IMA	2484.36	4742.74
Multivariat VARIMA(3,1,0)	2484.80	4581.06
Multivariat VARIMA([1,3],1,0)	2484.78	4589.40

Berdasarkan Tb. 2, dapat diketahui bahwa model univariat ARI merupakan model terbaik pada data training. Sedangkan model VARIMA(3, 1, 0) adalah model terbaik pada data testing. Model tersebut diperoleh berdasarkan **CCF** PCCF. Kedua dan model multivariat lebih akurasi dibandingkan model univariat pada data testing. Akan tetapi melihat besarnya keempat model tidak baik digunakan untuk peramalan jangka panjang (harian selama setahun). Selain RMSE, penelitian ini juga melihat akurasi peramalan high dan low yang dapat ditabelkan seperti berikut.

Tb. 3. Ketepatan Peramalan *High* dan *Low*

	Trai	ning	Testing		
	High	Low	High	Low	
Univariat ARI	67.9%	74.8%	100.0%	6.7%	
Univariat IMA	68.3%	75.2%	100.0%	92.1%	
Multivariat	99.7%	99.8%	100.0%	100.0%	
VARIMA(3,1,0)	JJ.170	JJ.070	100.070	100.070	
Multivariat VARIMA([1,3],1,0)	98.1%	98.8%	100.0%	100.0%	
VARIMA([1,5],1,0)					

Berdasarkan Tb. 3, dapat diketahui bahwa model multivariat lebih baik dalam meramalkan high dan low daripada model univariat. Terutama pada data testing dimana semua ramalannya 100% tepat untuk high dan low. Sedangkan pada training hampir mendekati 100%. Selain itu, penetapan orde berdasarkan CCF dan PCCF lebih baik daripada berdasarkan model ARIMA.

KESIMPULAN

Terdapat empat model untuk IHSG yaitu univariat ARI, univariat IMA, multivariat VARIMA(3,1,0) yang berdasarkan CCF dan PCCF serta VARIMA([1,3],1,0) multivariat pada berdasarkan lag ARIMA. Berdasarkan ketepatan peramalan high dan low, model multivariat lebih akurat dibandingkan dengan univariat. Hal tersebut dikarenakan model multivariat menyimpan sifat yang berlaku antar variabel. Sedangkan model univariat meramalkan data open, high, low, close secara independen.

Model multivariat juga model yang paling baik daripada model univariat berdasarkan RMSE testing. Terutama model multivariate yang menggunakan CCF dan PCCF sebagai dasar penentuan orde model. Sedangkan RMSE training menunjukkan bahwa model univariat dan multivariat tidak memiliki perbedaan yang signifikan.

DAFTAR PUSTAKA

- [1] D. A. Lusia and Muntari, Perbandingan Risk dan Return Investasi Saham Indonesia, Gold, dan EURUSD dengan Inflasi, *Jurnal Spirit Pro Patria*, vol. 2, no. 2, pp. 8– 16, 2016.
- [2] A. Damodaran, Investment Valuation: Tools and Techniques for Determining the Value of Any Asset, 3rd ed. New Jersey: John Wiley &Sons, 2012.
- [3] J. J. Murphy, Technical Analysis of the Financial Markets: A Comprehensive Guide to Trading Methods and Applications. United States: New York Institute of Finance, 1999.
- [4] D. L. Nurini and B. Sutijo, Metode Peramalan Indeks Harga Saham Gabungan (IHSG), Nikkei 255 dengan Pendekatan Fungsi Transfer, vol. 2, no. 2, pp. D271–D274, Sep. 2013.
- [5] D. L. Nurini and B. Sutijo, Metode Peramalan Indeks Harga Saham Gabungan (IHSG) Nikkei 255 dengan Pendekatan Fungsi Transfer, *Journal Sains Dan Seni ITS*, vol. 2, no. 2, pp. D271–D274, Sep. 2013.
- [6] S. Hansun, Penerapan WEMA dalam Peramalan Data IHSG, *Journal Ultimatics*, vol. 5, no. 2, pp. 63–66, Dec. 2013.
- [7] S. Hansun, Peramalan Data IHSG Menggunakan Metode Backpropagation, *Journal Ultimatics*, vol. 5, no. 1, pp. 26–30, Jun. 2013.
- [8] S. Hansun, Peramalan Data IHSG Menggunakan Fuzzy Time Series, *IJCCS Indones. J. Comput. Cybern. Syst.*, vol. 6, no. 2, pp. 79–88, Jul. 2012.
- [9] G. E. P. Box, G. M. Jenkins, G. C. Reinsel, and G. M. Ljung, *Time Series Analysis: Forecasting and Control.* John Wiley & Sons, 2015.

- [10] S. Makridakis, S. C. Wheelwright, and M. McGee, Forecasting: Methods and Applications, 2nd ed. New York: Wiley, 1983.
- [11] W. W. S. Wei, *Time Series Analysis: Univariate and Multivariate Methods* (2nd Edition), 2nd ed. Pennsylvania: Addison Wesley, 2005.
- [12]. D. Cryer and K.-S. Chan, *Time Series Analysis: With Applications in R*. Springer Science & Business Media, 2008.